

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ»

# **ОСНОВЫ АЛГОРИТМИЗАЦИИ И ПРОГРАММИРОВАНИЯ. ДЕРЕВЬЯ**

Методические указания

Воронеж  
Издательский дом ВГУ  
2015

## СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ .....	4
1. СТЕКИ .....	5
1.1. Основные понятия .....	5
1.2. Способы реализации .....	5
1.3. Задачи для самостоятельного решения .....	9
2. ОЧЕРЕДИ .....	9
2.1. Основные понятия .....	9
2.2. Способы реализации .....	10
2.3. Задачи для самостоятельного решения .....	15
3. Структура программы C++ .....	15
4. ДЕРЕВЬЯ .....	17
4.1. Основные понятия и определения .....	17
4.2. Способы представления деревьев .....	22
4.3. Способы обхода деревьев .....	26
4.4. Рекурсивные алгоритмы работы с деревьями .....	27
4.4.1. Построение .....	27
4.4.2. Поиск по дереву .....	32
4.4.3. Удаление вершины из дерева .....	35
4.4.4. Обработка значений в вершинах деревьев .....	38
4.4.5. Работа с деревьями-формулами .....	40
4.4.5.1. Построение дерева-формулы, соответствующего выражению .....	41
4.4.5.2. Вывод дерева-формулы, соответствующего выражению .....	47
4.4.5.3. Вычисление значения выражения по дереву-формуле .....	48
4.5. Нерекурсивные алгоритмы работы с деревьями .....	50
4.6. Программа работы с деревьями .....	54
4.7. Задачи для самостоятельного решения .....	55
Заключение .....	58
Литература .....	59

Рассмотрим реализацию стека на основе массива. Отметим, что кроме непосредственно элементов хранящихся в стеке (для этого используется необходимое количество первых элементов массива), необходимо иметь указатель на вершину стека. Поэтому целесообразно объединить эти данные в один класс. Таким образом, описание стека имеет вид:

```

class Stack
{
private:
    enum {max = 10};
    int st[max];
    int top;
public:
    Stack ( ) //конструктор
    {
        this->top = 0;
    }
    ...
}
    
```

Отметим, что поле TOP хранит индекс верхнего элемента стека, а одновременно с этим и количество элементов в стеке. Поэтому если TOP==0, то стек пуст.

Схематичное изображение такого представления приведено на рис. 1.2. Вершина стека TOP содержит значение 3, т.е. стек состоит из 3 элементов: 7, 2 и 13. Если из этого стека будет считан элемент, то считается значение 13, а значение TOP сократится до 2. Если же необходимо добавить элемент в стек, то сначала будет увеличено значение TOP, а затем на соответствующее место в массиве будет записан новый элемент.

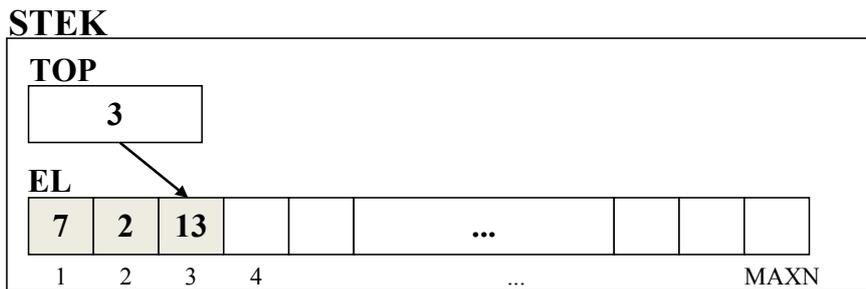


Рис. 1.2. Представление стека с помощью массива

Приведем методы, реализующие основные и дополнительные операции работы со стеком на основе массива.

```

void push ( int var ) //добавить элемент в стек
{
    st [ ++top ] = var;
}
int pop ( ) //извлечь элемент из стека
{
    return st [ top-- ];
}
bool empty() //проверка стека на пустоту
{
    return top==0;
}
void clear ( ) //очистить стек
{
    top=0;
}
void print ( ) //печать содержимого стека
{
    int s2;
    s2=this->top;
    if (this->empty()==true){
        cout << "Stack is empty.." << endl;
    }
    else{
        cout << "Stack.." << endl;
        while (this->empty()!=true)
            {
                cout << this->pop ( ) << endl;
            }
        this->top=s2;
    }
}

```

Рассмотрим реализацию стека на основе динамических структур. В этом случае описание стека имеет вид:

```

struct stek
{
    int d;
    stek *next;//указатель на следующий элемент списка
                // (стека)
};

```

Схематичное представление стека на основе линейного списка приведено на рис. 1.3.

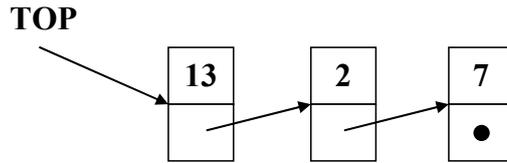


Рис. 1.3. Представление стека с помощью списка

При извлечении элемента из списка, представленного на рис. 1.3, будет получено число 13; указатель TOP будет перенастроен на следующий элемент стека (2); а память, отведенная под хранение элемента 13, будет освобождена. Если же к списку необходимо добавить элемент, то будет создано новое звено списка, в которое будет помещен добавляемый элемент. Затем будет организована ссылка с нового элемента списка на текущую вершину стека, а сам указатель TOP будет перенастроен на новый элемент. Сравнивая рис. 1.2 и рис. 1.3 видно, что в случае реализации стека на основе динамических структур память расходуется существенно эффективнее, т.к. выделяется и освобождается по мере необходимости. Поэтому при решении практических задач обычно используется реализация стека на основе списка [3].

Рассмотрим подпрограммы работы со стеком на основе линейных списков.

```

void init(stek* &st)
{
    st=NULL;
}
bool empty (stek* st)
{
    return (st==NULL);
}
void push(stek* &st, int d)
{
    stek *pv = new stek; // объявляем новую динамиче-
                        //скую переменную типа stek
    pv->d = d; // записываем значение, которое помеща-
              //ется в стек
    pv->next = st; // связываем новый элемент стека с
                  // предыдущим
    st = pv; // новый элемент стека становится его
             //вершиной
}
int pop(stek* &st)
  
```