ɳɑdɑʏɘʏ ɒɆ ɗɘɗƐɒʏɜɘ ɗ ɕɔɑɒɔʏ ɟɑddʏɑʏè

УДК 539.3 (075)
ББК 22.251я7
С 19

Сапунов В.Т. **Задачи прикладной теория упругости**: *Учебное пособие*. М.: НИЯУ МИФИ, 2011. – 208 с.

Сборник задач прикладной теории упругости с решениями предназначен для иллюстрации теоретического курса «Теория упругости», некоторого его дополнения и для помощи в его изучении.

В учебном пособии представлены как классические задачи теории упругости и стандартные методы их решения, так и задачи, имеющие различные практические применения, и отличающиеся характерными приемами решения.

Все выбранные задачи имеют конкретный характер; решения задач доведены до конечных формул; результаты решений представляют интерес для практики инженерных расчетов и могут быть применены при разработке и реализации механических конструкций.

Предназначено для студентов старших курсов специальностей «Физика прочности» и «Основы конструирования физических установок», а также рекомендовано для студентов технических университетов и институтов, специализирующихся по теории упругости и ее приложениям, аспирантов и инженерно-технических работников, специализирующихся в области прочности и жесткости элементов конструкций.

Подготовлено в рамках Программы создания и развития НИЯУ МИФИ.

Рецензент д-р. техн. наук, проф. Е.М. Морозов (НИЯУ МИФИ)

ISBN 978 – 5 – 7262 – 1474 – 0

© Национальный исследовательский ядерный
университет «МИФИ», 2011

ɳɑdɑʏɘʏ ɒɆ ɗɘɗƐɒʏɜɘ ɗ ɕɔɑɒɔʏ ɟɑddʏɑʏè

ηqdqγəγ bƐ dəqƐbγəə ɾ ɛɔɑbɔγ ɟqddγqγè

# Содержание


**Введение** . . . . . 5

**Решения основных уравнений теории упругости для частных случаев**

Задача 1. Сжатие совмещенных цилиндров . . . . . 7
Задача 2. Контроль формы детали высокой точности . . 14
Задача 3. Нагружения вертикально стоящих цилиндров 20
Задача 4. Балка квадратного сечения, жестко закрепленная одним концом . . . . . 28
Задача 5. Сферическая оболочка, нагруженная равномерно распределенными внешним и внутренним давлениями . . . . . 33
Задача 6. Шар под действием собственного поля гравитации . . . . . 38

**Задача Сен-Венана**

Задача 7. Чистый изгиб тела цилиндрической (призматической) формы . . . . . 43
Задача 8. Кручение тела цилиндрической формы (общий подход и решения) . . . . . 49
Задача 9. Кручение тела цилиндрической формы (метод функций комплексной переменной) . . . . . 57
Задача 10. Кручение тонкостенных конструкций . . . . . 62
Задача 11. Сложное нагружение тела цилиндрической формы . . . . . 69
Задача 12. **Кручение круглого вала переменного диаметра** 74

**Плоская задача теории упругости**

Задача 13. Равномерно нагруженные тонкие балки . . . . . 78
Задача 14. Напряженное состояние плотины (подпорной стенки) с учетом ее собственного веса . . . . . 85
Задача 15. Клин, нагруженный сдвигающими усилиями, равномерно распределенными по граням . . . . 98
Задача 16. Клин, нагруженный в вершине . . . . . 106
Задача 17. Упругая полуплоскость, нагруженная сосредоточенной силой (сосредоточенным моментом) . . . . . 111




ηqdqγəγ bƐ dəqƐbγəə ɾ ɛɔɑbɔγ ɟqddγqγè

Задача 18. Нагружение тонкого кругового диска сосредоточенными силами . . . . . 118
Задача 19. Сопротивление разрушению образца из бетона . . . . . 121
Задача 20. Нагружение толстостенного цилиндра равномерным внутренним и внешним давлениями 123
Задача 21. Влияние условий закрепления краев цилиндрических труб, подверженных действию равномерных давлений, на их напряженно-деформированное состояние . . . . . 127
Задача 22. Соединение цилиндров давления с натягом . . 135
Задача 23. Внутренняя расточка (нарезание внутренней резьбы) трубы (толстостенного цилиндра) . . . 141
Задача 24. Вращение диска (кругового цилиндра) . . . . . 146
Задача 25. Тонкая пластина, ослабленная круговым отверстием . . . . . 154

**Температурные задачи**

Задача 26. Тонкий круговой диск при осесимметричном распределении температуры . . . . . 162
Задача 27. Длинный круговой цилиндр при радиальном изменении температуры . . . . . 168
Задача 28. Температурные напряжения в составном цилиндре . . . . . 172
Задача 29. Толстостенная сфера при осесимметричном распределении температуры . . . . . 175
Задача 30. Тонкая пластина произвольного очертания при изменении температуры по толщине . . . . 180
Задача 31. Тонкая прямоугольная пластина (полоса) при изменении температуры по высоте . . . . . 185
Задача 32. Закрепленная по контуру прямоугольная пластина при изменении температуры по толщине . . . . . 190
Задача 33. Температурные напряжения в пластинах (общий подход и решения) . . . . . 194

**Список литературы . . . . . 207**