

УДК 517 (075.8)  
ББК 22.161  
Т35

Рецензент:  
заведующий кафедрой математики  
физического факультета МГУ  
доктор физико-математических наук, профессор  
*В. Ф. Бутузов*

**Тер-Криков А. М.**

Т35 Курс математического анализа : учебное пособие для вузов / А. М. Тер-Криков, М. И. Шабунин. — 8-е изд., электрон. — М. : Лаборатория знаний, 2020. — 675 с. — Систем. требования: Adobe Reader XI ; экран 10". — Загл. с титул. экрана. — Текст : электронный.

ISBN 978-5-00101-702-8

В пособии изложение теоретического материала иллюстрируется типовыми примерами. Большое внимание уделено трудным разделам курса математического анализа (равномерная сходимости функциональных рядов и интегралов, зависящих от параметра, равномерная непрерывность функций и т. д.).

Для студентов физико-математических и инженерно-физических специальностей вузов с углубленной подготовкой по математике. Может быть использовано при самостоятельном изучении курса.

УДК 517 (075.8)  
ББК 22.161

**Деривативное издание на основе печатного аналога:** Курс математического анализа : учебное пособие для вузов / А. М. Тер-Криков, М. И. Шабунин. — 7-е изд. — М. : Лаборатория знаний, 2017. — 672 с. : ил. — ISBN 978-5-00101-039-5.

**В соответствии со ст. 1299 и 1301 ГК РФ при устранении ограничений, установленных техническими средствами защиты авторских прав, правообладатель вправе требовать от нарушителя возмещения убытков или выплаты компенсации**

ISBN 978-5-00101-702-8

© Лаборатория знаний, 2015

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Предисловие к третьему изданию . . . . .	3
<b>ГЛАВА I. ВЕЩЕСТВЕННЫЕ ЧИСЛА . . . . .</b>	<b>5</b>
§ 1. Рациональные числа. Бесконечные десятичные дроби . . . . .	5
§ 2. Точные грани числовых множеств . . . . .	15
§ 3. Операции над вещественными числами . . . . .	20
<b>ГЛАВА II. ПРЕДЕЛ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ . . . . .</b>	<b>35</b>
§ 4. Определение предела последовательности. Свойства сходящихся последовательностей . . . . .	35
§ 5. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Арифметические операции над сходящимися последовательностями . . . . .	45
§ 6. Предел монотонной последовательности . . . . .	50
§ 7. Подпоследовательности. Частичные пределы . . . . .	55
§ 8. Критерий Коши сходимости последовательности . . . . .	57
<b>ГЛАВА III. ПРЕДЕЛ И НЕПРЕРЫВНОСТЬ ФУНКЦИИ . . . . .</b>	<b>61</b>
§ 9. Числовые функции . . . . .	61
§ 10. Предел функции . . . . .	73
§ 11. Непрерывность функции . . . . .	86
§ 12. Непрерывность элементарных функций . . . . .	96
§ 13. Вычисление пределов функций . . . . .	110
<b>ГЛАВА IV. ПРОИЗВОДНАЯ И ЕЕ ПРИЛОЖЕНИЯ . . . . .</b>	<b>123</b>
§ 14. Производная и дифференциал . . . . .	123
§ 15. Правила дифференцирования . . . . .	133
§ 16. Производные и дифференциалы высших порядков . . . . .	143
§ 17. Основные теоремы для дифференцируемых функций . . . . .	150
§ 18. Формула Тейлора . . . . .	158
§ 19. Правило Лопиталя . . . . .	172
§ 20. Исследование функций с помощью производных . . . . .	176
§ 21. Вектор-функции . . . . .	194
§ 22. Кривые . . . . .	200

ГЛАВА V. <b>ФУНКЦИИ МНОГИХ ПЕРЕМЕННЫХ</b> . . . . .	222
§ 23. Пространство $R^n$ . . . . .	222
§ 24. Предел функции многих переменных . . . . .	232
§ 25. Непрерывность функции многих переменных . . . . .	237
§ 26. Дифференцируемость функции многих переменных . . . . .	241
§ 27. Частные производные и дифференциалы высших порядков . . . . .	254
§ 28. Неявные функции . . . . .	259
§ 29. Замена переменных . . . . .	269
ГЛАВА VI. <b>НЕОПРЕДЕЛЕННЫЙ ИНТЕГРАЛ</b> . . . . .	275
§ 30. Определение и свойства неопределенного интеграла. Основные методы интегрирования . . . . .	275
§ 31. Комплексные числа . . . . .	284
§ 32. Разложение рациональной функции на простые дроби . . . . .	295
§ 33. Интегрирование рациональных, иррациональных, тригонометрических и гиперболических функций . . . . .	302
ГЛАВА VII. <b>ОПРЕДЕЛЕННЫЙ ИНТЕГРАЛ</b> . . . . .	316
§ 34. Определение и условия существования определенного интеграла . . . . .	316
§ 35. Свойства определенного интеграла . . . . .	326
§ 36. Интеграл с переменным верхним пределом. Вычисление определенных интегралов . . . . .	334
§ 37. Приложения определенного интеграла . . . . .	343
§ 38. Несобственные интегралы . . . . .	358
ГЛАВА VIII. <b>ЧИСЛОВЫЕ РЯДЫ</b> . . . . .	383
§ 39. Определение и свойства сходящихся рядов . . . . .	383
§ 40. Ряды с неотрицательными членами . . . . .	388
§ 41. Абсолютно и условно сходящиеся ряды . . . . .	395
ГЛАВА IX. <b>ФУНКЦИОНАЛЬНЫЕ РЯДЫ</b> . . . . .	408
§ 42. Равномерная сходимость функциональных последовательностей и рядов . . . . .	408
§ 43. Степенные ряды . . . . .	425
§ 44. Ряд Тейлора . . . . .	434
ГЛАВА X. <b>КРАТНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ</b> . . . . .	446
§ 45. Мера Жордана в $R^n$ . . . . .	446
§ 46. Определение и свойства кратного интеграла Римана . . . . .	452
§ 47. Сведение кратных интегралов к повторным . . . . .	460
§ 48. Формула замены переменных в кратном интеграле . . . . .	470
§ 49. Несобственные кратные интегралы . . . . .	486

<b>ГЛАВА XI. КРИВОЛИНЕЙНЫЕ И ПОВЕРХНОСТНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ</b> . . . . .	491
§ 50. Криволинейные интегралы . . . . .	491
§ 51. Формула Грина на плоскости . . . . .	500
§ 52. Поверхности . . . . .	510
§ 53. Площадь поверхности . . . . .	522
§ 54. Поверхностные интегралы . . . . .	527
<b>ГЛАВА XII. ТЕОРИЯ ПОЛЯ</b> . . . . .	536
§ 55. Скалярные и векторные поля . . . . .	536
§ 56. Формула Остроградского–Гаусса . . . . .	542
§ 57. Формула Стокса . . . . .	547
<b>ГЛАВА XIII. ЭКСТРЕМУМЫ ФУНКЦИЙ МНОГИХ ПЕРЕМЕННЫХ</b> . . . . .	554
§ 58. Формула Тейлора для функций многих переменных . . . . .	554
§ 59. Экстремумы функций многих переменных . . . . .	557
§ 60. Условный экстремум . . . . .	562
<b>ГЛАВА XIV. РЯДЫ ФУРЬЕ</b> . . . . .	572
§ 61. Ортогональные системы функций. Ряды Фурье по ортогональным системам . . . . .	572
§ 62. Лемма Римана . . . . .	576
§ 63. Формула для частичных сумм тригонометрического ряда Фурье . . . . .	578
§ 64. Сходимость ряда Фурье в точке . . . . .	581
§ 65. Почленное дифференцирование и интегрирование ряда Фурье . . . . .	589
§ 66. Равномерная сходимость ряда Фурье . . . . .	592
§ 67. Комплекснозначные функции. Ряд Фурье в комплексной форме . . . . .	594
§ 68. Суммирование ряда Фурье методом средних арифметических . . . . .	596
§ 69. Теоремы Вейерштрасса о равномерных приближениях непрерывных функций многочленами . . . . .	598
§ 70. Сходимость ряда Фурье в смысле среднего квадратичного . . . . .	601
<b>ГЛАВА XV. ИНТЕГРАЛЫ, ЗАВИСЯЩИЕ ОТ ПАРАМЕТРА</b> . . . . .	616
§ 71. Собственные интегралы, зависящие от параметра . . . . .	616
§ 72. Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Равномерная сходимость несобственного интеграла по параметру . . . . .	618
§ 73. Эйлеровы интегралы . . . . .	634
§ 74. Интеграл Фурье . . . . .	639
§ 75. Преобразование Фурье . . . . .	645
§ 76. Элементы теории обобщенных функций . . . . .	649
§ 77. Асимптотические оценки интегралов . . . . .	657
Список литературы . . . . .	664
Предметный указатель . . . . .	665